***תרגיל מעשי מספר 1 במבנה נתונים***

***נופר לויnufarlevy 203432372 יהונתן זומרjonathanzomer 000000000***

***תיעוד המחלקות***

**תיעוד מחלקת FibonacciHeap**

מימשנו מחלקה בשם FibonacciHeap. מחלקה זו הינה יישום שלערימת פיבונאצ'י כפי שנלמד בקורס. הערימה שמימשנו מכילה רשימה של שורשים (הרשימה ממומשת ע"י מחלקה בשם MyList אשר תפורט בהמשך) של עצים ונודים כצמתים בתוך העצים אשר מיושמים על יידי מחלקה נוספת בשם HeapNode (מחלקה זו מפורטת בהמשך המסמך). כל נוד בעץ מכיל מפתח ועוד שדות אחרים שיפורטו בהמשך.

**שדות המחלקה**

**private** HeapNode min;

שדה זה מחזיק פוינטר למינימום של הערימה, המינימיום הוא נוד מסוג HeapNode. בעת אתחול עץ השדה מקבל את הערך null.

**private** **static** **int** *totalLinks*;

שדה זה מחזיק מספר (int) שמייצג את מספר הלינקים שבוצעו במהלך ריצת התכנית בעץ הנוכחי. בעת אתחול השדה מקבל את הערך 0.

**private** **static** **int** *totalCuts*;

שדה זה מחזיק מספר (int) שמייצג את מספר החיתוכים שבוצעו במהלך ריצת התכנית בעץ הנוכחי. בעת אתחול השדה מקבל את הערך 0.

**private** MyList roots = **new** MyList();

שדה זה מחזיק רשימה של שורשי הערימה כאשר בכל שורש אנו מחזיקים את המינימום של אותו העץ. בעת אתחול הרשימה מאתחילם אותה לרשימה ריקה (עם 0 איברים).

**private** **int** size;

שדה זה מחזיק מספר (int) שמייצג את גודל הערימה. גודל העץ הינו מספר הנודים בערימה. בעת אתחול השדה מקבל את הערך 0.

**private** **int** marks;

שדה זה מחזיק מספר (int) שמייצג את מספר האיברים המסומנים שקיימים בערימה לפי מה שנלמד בכיתה איבר מסומן זה איבר שחתכנו ממנו ילד אחד. בעת אתחול השדה מקבל את הערך 0.

**פונקציות המחלקה**

**public** **boolean** empty()

הפונקציה בודקת האם הערימה מכילה נודים. הפונקציה מחזירה true אם הערימה ריקה (לא מכילה נודים), ומחזירה false אם הערימה לא ריקה (מכילה נוד אחת לפחות).

סיבוכיות: O(1)

**public** HeapNode insert(**int** key)

הפונקציה מקבלת כקלט מפתח key ומוסיפה את המפתח ל HeapNode חדש מדרגה 0. אותו היא מכניסה כשורש מדרגה 0 (בעל איבר אחד) לרשימת השורשים של הערימה. הפונקציה תעדכן את המצביעים next ו-prev של אותו הנוד לפי הצורך. בנוסף היא תעדכן את גודל העץ ואת נוד המינימום (אם יש צורך). הפונקציה מחזירה את אותו הנוד שהוספנו כ HeapNode.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** deleteMin()

יונתן

סיבוכיות: O(logn)

**public** HeapNode findMin()

הפונקציה מחזירה את המינימום של הערימה כHeapNode.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** meld (FibonacciHeap heap2)

הפונקציה עושה meld לערימה הנוכחית ולערימה נוספת. מה שהיא בעצם עושה זה לקנקט 2 רשימות מקושרות. בנוסף היא מעדכנת את השדות שרלוונטים לערימות הללו (גודל,marks, min).

סיבוכיות: O(1)

**public** **int** size()

הפונקציה מחזירה את גודל הערימה (מספר הנודים בערימה).

סיבוכיות: O(1)

**public** **int**[] countersRep()

יונתן

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** arrayToHeap(**int**[] array)

הפונקציה מאתחלת את הערימה ואז מוסיפה את רשימת האיברים איבר אחר איבר לערימה.

סיבוכיות: O(n)(n=מספר האיברים ברשימה)

**public** **void** delete(HeapNode x)

הפונקציה מוחקת איבר מהרשימה על ידי decreaseKey למינוס אינסוף ואז עושה deleteMin (זה יצביע לאותו האיבר ולכן ימחק).

(לכן הסיבוכיות תהיה הסיבוכיות של decreaseKey ועוד הסיבוכיות של deleteMin)

סיבוכיות: O(logn)

**public** **void** decreaseKey(HeapNode x, **int** delta)

הפונקציה מקבלת HeapNode (node) ועושה לו decreaseKey למפתח קטן ממנו (delta). הפונקציה משתמשת בפונקציה cuscadingCuts פונקציה רקרוסיבית שעושה את החיתוכים לפי הצורך (נפרט עליה בהמשך). הפונרציה שלנו חותכת את האיבר שעשינו לו decreaseKey במידה והוא גדול מאבא שלו ומעדכנת את רשימת השורשים, את הסימונים ועושה חיתוכים נוספים לאבות במידת הצורך.

סיבוכיות: O(1)

**private** **void** cascadingCut(HeapNode node, HeapNode parent)

פונקצית עזר של decreaseKey, הפונקציה מקבלת HeapNode nodeו HeapNode parent קודם כל חותכת אותו מהאבא שלו (הבדיקה אם לחתוך או לא נעשתה בdecreaseKey) מעדכנת את המצביעים ואת רשימת הילדים של האבא ולאחר מכן עוברת לאבא ובאופן רקרוסיבי במידה והוא מסומן חותכת אותו וממשיכה הלאה לאבא שלו.

כך היא חותכת את כל האיברים המסומנים באותה דרך עד לשורש העץ.

סיבוכיות: O(1)

**public** **int** potential()

הפונקציה מחזירה את הפוטנציאל של הערימה לפי הנוסחא שנלמדה בכיתה: (מספר העצים ועוד פעמיים מספר האיברים המסומנים) Potential = #trees + 2\*#marked

סיבוכיות: O(1)

**public** **static** **int** totalLinks()

הפונקציה מחזירה את מספר הלינקים שבוצעו בריצת התוכנית של הערימה הנוכחית.

סיבוכיות: O(1)

**public** **static** **int** totalCuts()

הפונקציה מחזירה את מספר החיתוכים שבוצעו בריצת התוכנית של הערימה הנוכחית.

סיבוכיות: O(1)

**תיעוד מחלקת MyList**

מימשנו מחלקה פנימית למחלקת FibonacciHeap בשם MyList . מחלקה זו הינה יישום רשימה מקושרת שבה כל הפונקציות הדרושות לנו על מנת לתפעל את הפעולות על רשימת השורשים בסיבוכיות זמן שדרושה לנו.

**שדות המחלקה**

**private** HeapNode head;

שדה זה מחזיק בפוינטר לHeapNode שהוא האיבר הראשון ברשימה. בעת אתחול השדה מקבל את הערך null.

**private** HeapNode tail;

שדה זה מחזיק בפוינטר לHeapNode שהוא האיבר האחרון ברשימה. בעת אתחול השדה מקבל את הערך null.

**private** **int** size;

שדה זה מחזיק במספר int שהוא אורך הרשימה. בעת אתחול השדה מקבל את הערך 0.

**פונקציות המחלקה**

**public** **boolean** isEmpty()

פונקציה שמחזירה ערך בולאיני אם הרשימה ריקה או לא, אם אין בה איברים מחזירה true אם יש בה לפחות איבר אחד מחזירה false.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** addLast(HeapNode node)

הפוקנציה מקבלת HeapNode ומוסיפה אותו לסוף הרשימה, מעדכנת גם את הtail של הרשימה ואת כל המצביעים לאותו איבר. במידה והרשימה ריקה מעדכנת את האיבר להיות גם הtail וגם הhead.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** concate(MyList heap2)

הפונקציה מקבלת רשימה נוספת heap2 ומקנקטת אותה לרשימה הנוכחית שלנו, היא פשוט מחברת את האיבר האחרון של הרשימה שלנו עם האיבר הראשון של הרשימה החדשה ומעדכנת את הגודל של הרשימה החדשה שנוצרה.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** delete(HeapNode node)

הפונקציה מקבלת איבר מתוך הרשימה HeapNode (node), ומוחקת אותו מהרשימה המקושרת על ידי שינוי הפוינטרים של prev וnext של האיברים שיושבים על ידו. במידה והוא האיבר היחידי ברשימה או הtail או הhead מעדכנת את הרשימה בהתאם.

סיבוכיות: O(1)

**public** **int** size()

הפונקציה מחזירה את אורך הרשימה.

סיבוכיות: O(1)

**public** HeapNode getTail()

הפונקציה מחזירה את האיבר האחרון ברשימה - tail.

סיבוכיות: O(1)

**public** HeapNode getHead()

הפונקציה מחזירה את האיבר הראשון ברשימה - head.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** clear()

הפוקנציה מאתחלת את הרשימה (פשוט מאתחלת את הtail והhead להיות null ואת הsize להיות 0(

סיבוכיות: O(1)

**תיעוד מחלקת HeapNode**

מימשנו מחלקה פנימית למחלקת FibonacciHeap בשם HeapNode. מחלקה זו הינה יישום של נודים בערימת פיבונאצ'י. כל נוד בערימה מכיל מפתח כאשר כל מפתח יכול להופיע כמה פעמים בערימה. רשימת השורשים מכילה מצביעים לנודים של שורשי העצים והם מכילים את הנודים השונים.

**שדות המחלקה**

**private** **int** key;

שדה זה מחזיק בפוינטר למפתח של הנוד. בעת אתחול האובייקט מקבל את הערך שהוכנס אליו key.

**private** **int** rank;

שדה זה מחזיק בפוינטר לדרגה של הנוד. בעת אתחול השדה מקבל את הערך 0.

**private** **boolean** mark = **false**;

שדה זה מחזיק ערך הוליאני האם הנוד מסומן או לא, באתחול הדשה מקבל את הערך

false.

**private** List<HeapNode> childs = **new** ArrayList<HeapNode>();

שדה זה מחזיק רשימה של כל הילדים של אותו הנוד. באתחול הרשימה היא מאותחלת לרשימה ריקה בעלת 0 איברים.

**private** HeapNode next;

שדה זה מחזיק בפוינטר לHeapNode שבא אחרי הנוד שלנו. בעת אתחול השדה מקבל את הערך null.

**private** HeapNode prev;

שדה זה מחזיק בפוינטר לHeapNode שבא לפני הנוד שלנו. בעת אתחול השדה מקבל את הערך null.

**private** HeapNode parent;

שדה זה מחזיק בפוינטר לHeapNode האבא של הנוד שלנו. בעת אתחול השדה מקבל את הערך null.

**פונקציות המחלקה**

**public** HeapNode(**int** key)

בנאי של המחלקה מאתחל את המפתח להיות הkey שהוכנס.

**public** **int** getKey()

פונקציית get שמחזירה את המפתח של ה- HeapNode עליו בוצעה הפעולה.

סיבוכיות: O(1)

**public** **int** getRank()

פונקציית get שמחזירה את הדרגה של ה- HeapNode עליו בוצעה הפעולה.

סיבוכיות: O(1)

**public** **boolean** getMark()

פונקציה שמחזירה ערך בוליאני אם הHeapNode מסומן או לא.

סיבוכיות: O(1)

**public** List<HeapNode> getChilds()

פונקציה שמחזירה את רשימת הילדים של הנוד עליו ביצענו את הפעולה.

סיבוכיות: O(1)

**public** HeapNode getNext()

פונקציה שמחזירה את הHeapNode הבא אחרי הHeapNode עליו ביצענו את הפעולה.

סיבוכיות: O(1)

**public** HeapNode getPrev()

פונקציה שמחזירה את הHeapNode הבא לפני הHeapNode עליו ביצענו את הפעולה.

סיבוכיות: O(1)

**public** HeapNode getParent((

פונקציה שמחזירה את הHeapNode האבא של הHeapNode עליו ביצענו את הפעולה.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** setKey(**int** key)

פונקציית set שמאתחלת את המפתח של ה-HeapNode להיות המפתח key (הקלט).

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** setRank(**int** rank)

פונקציית set שמאתחלת את הדרגה של ה-HeapNode להיות הדרגה rank (הקלט).

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** setMark(**boolean** mark)

פונקציית set שמאתחלת את הסימון של ה-HeapNode להיות true או false לפי הmark (הקלט).

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** addChild(HeapNode child)

**הפונקציה מוסיפה ילד לרשימת הילדים.**

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** deleteChild(HeapNode child)

**הפונקציה מוחקת ילד מרשימת הילדים**

סיבוכיות: O(1) (לפי המימוש של מחיקה מarrayList)

**public** **void** setNext(HeapNode next)

פונקציית set שמקבלת כקלט HeapNode ומאתחלת אותו להיות הבא אחריו של ה-HeapNode הנוכחי.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** setPrev(HeapNode prev)

פונקציית set שמקבלת כקלט HeapNode ומאתחלת אותו להיות הבא לפניו של ה-HeapNode הנוכחי.

סיבוכיות: O(1)

**public** **void** setParent(HeapNode parent)

פונקציית set שמקבלת כקלט HeapNode ומאתחלת אותו להיות האבא של ה-HeapNode הנוכחי.

סיבוכיות: O(1)

***מדידות***

**להלן תוצאות המדידות שבוצעו על העץ שמימשנו:**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Potential | totalCuts | totalLinks | Run-Time (in miliseconds) | m |
|  |  |  |  | 1000 |
|  |  |  |  | 2000 |
|  |  |  |  | 3000 |

**הסבר לתוצאות שהתקבלו:**